

MAT. 2006

1

NUEVO MODELO DE PROGRAMA A REGIR A PARTIR DEL 1ER. CUATRIMESTRE DE 1994

FACULTAD DE CIENCIAS EXACTAS Y NATURALES
UNIVERSIDAD DE BUENOS AIRES

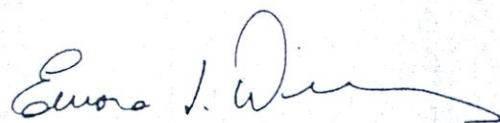
- | | | | | | | |
|-----|--|------------------------|-----|----------------------|----------|-----|
| 1. | DEPARTAMENTO/INSTITUTO DE | MATEMATICA | | | | |
| 2. | CARRERA de: a) Licenciatura en | Cs. Matemáticas | | | | |
| | Orientación | Pura y Aplicada | | | | |
| | b) Doctorado y/o Post-grado en | | | | | |
| | c) Profesorado en | Matemática | | | | |
| | d) Cursos Técnicos en Meteorología | | | | | |
| | e) Cursos de Idiomas | | | | | |
| 3. | 1er. Cuatrimestre/2do. Cuatrimestre | Ier. Cuat. | | | | |
| | | Año 2006 | | | | |
| 4. | Nº DE CODIGO DE CARRERA | 03-12 | | | | |
| 5. | MATERIA | ALGEBRA LINEAL | | | | |
| 6. | Nº DE CODIGO | | | | | |
| 7. | PUNTAJE PROPUESTO (en caso de tratarse de materias optativas para la Licenciatura o de Doctorado y/o Post-Grado) | | | | | |
| 8. | PLAN DE ESTUDIOS Año | 1982 | | | | |
| 9. | CARACTER DE LA MATERIA (Obligatoria u optativa) | Obligatorio | | | | |
| 10. | DURACION (anual, cuatrimestral, bimestral u otra) | Cuatrimestral | | | | |
| 11. | HORAS DE CLASES SEMANALES | | | | | |
| | a) Teóricas | 4 | hs. | d) Seminarios | 6 | hs. |
| | b) Problemas | | hs. | c) Teórico-Problemas | | hs. |
| | c) Laboratorio | | hs. | f) Teórico-Práctico | | hs. |
| | g) Totales horas | | | 10 | | |

~~Dr. JORGE ENRIQUE
DIRETOR ADJUNTO
DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA~~

12. CARGA HORARIA TOTAL *160 horas*
FORMA DE EVALUACION *Examen final*
13. ASIGNATURAS CORRELATIVAS *Algebra*
14. PROGRAMA ANALITICO (Adjuntarlo) *Se adjunta*
15. BIBLIOGRAFIA (indicar título del libro, autor, editorial y año de publicación; adjuntar luego del programa)

Fecha *1er. Cuatr. 2006*

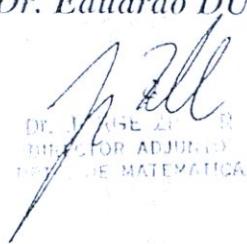
Firma del Profesor



Eduardo J. Dubuc

Dr. Eduardo DUBUC

Firma del Director



J. A. M. Gómez

DR. JOSÉ A. M. GÓMEZ
DIRECTOR ADJUNTO
DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA

Aclaración de firma

Firma del Director

Sello aclaratorio

Nota: Para la validez de la información presentada se solicita que todas las páginas estén inicialadas y firmadas al final por el Sr. Director del Departamento/Instituto/Carrera o Responsable debidamente selladas y fechadas.

Otra: Se recuerda que los objetivos y los contenidos mínimos están incluidos en el Plan de Estudios respectivo y sólo son modificables por Resolución del Consejo Superior de la Universidad de Buenos Aires.

ALGEBRA LINEAL

Repasso 1: (se supone conocido) K^n . Dependencia lineal. Sistemas de ecuaciones lineales. Notación Matricial. Método de eliminación de Gauss. Dependencia lineal de filas y columnas. Resultados básicos: Sistemas homogéneo con más incógnitas que ecuaciones tiene solución no trivial.

Capítulo I: a) Determinantes de 2×2 y 3×3 . Permutaciones. El Grupo Simétrico (Ciclos, Ciclos Disjuntos, Transposiciones, Paridad) Determinante de orden n . Propiedades fundamentales. Teorema: Determinante es la única forma multilínea alternada (salvo constante). Determinantes como volumen. Cálculo determinantes, menores, cofactores. Teorema de Laplace, desarrollo por filas y columnas.
b) Matrices, suma, producto. Anillo de Matrices. Determinante del producto. Matriz adjunta. Matriz inversa. Regla de Cramer. Operaciones Elementales de filas y columnas. Matrices elementales. El Grupo General lineal. Equivalencia de matrices. Rango por determinantes (invariante para la equivalencia).

Capítulo II: a) Espacios Vectoriales Abstractos. Dependencia lineal. Generadores. Cardinalidad de Conjuntos Linealmente Independientes \leq Cardinalidad de Conjuntos de Generadores. Bases. Existencia de Base en dimensión finita. Coordenadas Isomorfismo con K^n . Subespacios, Subespacios translados (variedades lineales). Intersección, Suma. Teorema de la Dimensión. Suma Directa. Formas Lineales. Dual. Base dual. Anuladores
b) Transformaciones Lineales u Operadores. Suma, composición. Matriz asociada (con respecto a una base). Matriz de la composición, isomorfismo con el anillo de matrices. Matriz de Cambio de Base y Cambio de Coordenadas. Efecto de un cambio de coordenadas en la matriz del Operador. Semejanza de matrices. Núcleo, Imagen, Teorema de la Dimensión. Valores y vectores propios, Polinomios Característico. Subespacios de vectores propios. Diagonalización si y sólo si existe base formada por vectores propios.

Capítulo III: Formas Bilineales. Matriz asociada (con respecto a una base). Notación Matrical. Efecto de un cambio de coordenadas en la matriz de una forma bilineal. Congruencia de matrices. Formas Bilineales Simétricas. Formas Cuadráticas. Fórmula Polar. Diagonalización con respecto a la congruencia (operaciones elementales simultáneas en filas y columnas). Caso específico del Cuerpo Real: Ley de Inercia de Sylvester. Signatura (invariante para la congruencia). Formas definidas positivas. Caracterización (si y sólo si todos los menores principales son positivos). Caso específico del Cuerpo Complejo: Formas Hermitianas, resultados correspondientes.

JJ
Dr. J. S...
DIRECTOR ADJUNTO
Dpto. DE MATEMÁTICAS

Capítulo IV: a) Producto escalar en R^2 , R^3 , ángulo, coseno, proyección de un vector sobre otro, ortogonalidad, etc. Distancia entre variedades lineales (rectas y planos). Productos escalar en espacios abstractos. Caso real y caso complejo. (espacios euclídeos y espacios unitarios). Cauchy-Schwartz. Ángulo, Distancia, Norma, Ortogonalidad. Gram-Schmidt, Bases ortonormales, (fórmula para las coordenadas).

b) Isomorfismo con el Dual. Transformación adjunta. Transformaciones y Matrices Ortogonales. Rotación en R^2 , R^3 , R^n . Existencia del eje de rotación. Estructura de una transformación Ortogonal. Transformaciones y Matrices Simétricas. Diagonalización por medio de una transformación ortogonal (reducción de una forma cuadrática a sus ejes principales). Clasificación de Cuádricas con Centro. Relación con la signatura. Clasificación por signatura.

c) Descomposición polar. Caso Real. Raíz Cuadrada. Descomposición de una transformación Arbitraria en una Simétrica y una Ortogonal.

Repaso II: (se supone conocido) Polinomios. Algoritmo de División, "Todo ideal es principal". Máxima Común Divisor. Algoritmo de Euclides. Polinomios Coprimos. Descomposición en producto de factores irreducibles. Raíces, Enunciado del Teorema Fundamental del Algebra. Descomposición de Factores Lineales.

Capítulo VI: Estructura de una Transformación Lineal, Estudio de la Semejanza de Matrices. Operadores Nilpotentes. Base y Forma Canónica de Jordan de Operadores Nilpotentes. Evaluación de un polinomio en un Operador y en una matriz. Polinomio Minimal. Subespacios Invariantes. Forma Triangular. Factorización del Polinomio. Característico en Factores Coprimos y la correspondiente. Descomposición del espacio en Suma Directa de Subespacios Invariantes. Subespacios Principales asociado a los valores propios. Descomposición Primaria. Teorema de Cayley-Hamilton. Base y Forma de Jordan.

BIBLIOGRAFIA

1. V. Voieydine, *Algebra lineal*, Editorial MIR
2. A. Kurosh, *Curso de Algebra Superior*, Editorial MIR
3. S. Lipschutz, *Algebra lineal*, Serie Schaum

1er. Cuatrimestre 2006

Firma del Profesor:

Aclaración de firma:

Dr. Eduardo DUBUC

UNIVERSIDAD NACIONAL
DE BONAVENTURA
FACULTAD DE MATEMÁTICAS