

62 MAT
1985

UNIVERSIDAD DE BUENOS AIRES
FACULTAD DE CIENCIAS EXACTAS Y NATURALES

DEPARTAMENTO: **MATEMATICA**

ASIGNATURA: ... **TEMAS DE ANALISIS COMPLEJOS**

CARRERA/S: **Lic. en Cs. Matemáticas (or Pura) y Doctorado**

ORIENTACION: PLAN:

CARACTER: .. **Optativa Regular**

DURACION DE LA MATERIA: **Cuatrimestral**

HORA DE CLASE:

a) TEORICAS	4	hs.
b) PRACTICAS	6	hs.
c) TEORICO PRACTICAS	hs.
d) TOTALES	10	hs.

ASIGNATURAS CORRELATIVAS: **Análisis III y Funciones Reales I (TP)** ...

PROGRAMA:

1. Integrales curvilíneas. Primitivas de formas diferenciales cerradas. Estudio de primitivas no uniformes. Homotopía. Primitivas en un abierto simplemente convexo. Índice de un camino cerrado.
2. Propiedades de funciones holomorfas. Aplicación de la teoría de residuos para determinar los ceros y polos de una función meromorfa. Funciones doblemente periódicas. Comportamiento local de funciones holomorfas. Fórmula integral de la función inversa.
3. Topología del espacio $H(D)$ (D un dominio en C): convergencia uniforme sobre compactos. Series de funciones meromorfas. La función P de Weierstrass. Productos infinitos de funciones holomorfas. Construcción de funciones enteras con ceros predeterminados. La función F como ejemplo de prolongación analítica.

Ing. PEDRO E. ZADUNAIISKY

DIRECTOR INTERINO
DEPARTAMENTO DE MATEMATICA

Aprobado por Resolución **CO 621/86**

TEMAS DE ANALISIS COMPLEJOS

1er. cuatrimestre 1985

4. Representación conforme. Automorfismos de un dominio en la esfera de Riemann: estudio geométrico del grupo de homografías. Equivalencia del semiplano y el disco. Automorfismos del semiplano y del disco unitario. Teorema fundamental de la representación conforme.
5. Funciones armónicas de 2 variables reales. Relación entre funciones armónicas y funciones holomorfas. Analiticidad de funciones armónicas. Fórmula de Poisson. Problema de Dirichlet. Caracterización de las funciones armónicas por la propiedad de la media.
6. Funciones holomorfas de varias variables complejas. Fórmula integral de Cauchy. Desarrollos en serie de Taylor. Cálculo de los coeficientes. Teorema de funciones implícitas. Teorema de preparación de Weierstrass. Extensión de funciones holomorfas mediante la representación integral.
7. Superficies de Riemann; ejemplos: P^1 , toros, etc. Funciones holomorfas y meromorfas. Revestimientos. Descripción del germen de una función holomorfa de 2 variables: parametrización de gérmenes irreducibles.

BIBLIOGRAFIA

- CARTAN, Henri: Théorie élémentaire des fonctions analytiques d'une ou plusieurs variables complexes. Hermann, 1961. (Existe versión en castellano).
- CONWAY, John B.: Functions of one complex Variable Second Edition, Springer-Verlag.

Firma del Profesor:

Aclaración de firma: Dr. Adrián A. Paenza

Ing. PEDRO E. ZADUNAISKY

DIRECTOR INTERINO
DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA