

UNIVERSIDAD DE BUENOS AIRES

FACULTAD DE CIENCIAS EXACTAS Y NATURALES

MATEMÁTICA

DEPARTAMENTO:

ALGEBRA II

ASIGNATURA:

obligatoria Lic. en Matemática

ORIENTACIÓN:

CARRERA/S:

PLAN

obligatoria y optativa Lic. en Matemática Aplicada

CARÁCTER:

cuatrimestral

DURACIÓN DE LA MATERIA:

HORAS DE CLASE: a) TEÓRICAS..... hs.

b) PRACTICAS..... hs.

c) TEÓRICO-PRACTICO..... hs.

d) TOTALES 10 hs. semanales

GEOMETRÍA I

ASIGNATURAS CORRELATIVAS:

PROGRAMA

1.- Estructura de módulo.

Preliminares sobre estructuras algebraicas.

Módulos. Combinaciones lineales. Espacios vectoriales y grupos abelianos.

Morfismos de módulos. Submódulos. Módulos de morfismos.

Relaciones de equivalencia compatibles. Definición universal de módulos cocientes; propiedades relativas a la factorización.

2.- Condiciones de finitud.

Submódulo generado. Sistemas de generadores. Suma de submódulos. Propiedades generales de los módulos noetherianos y los módulos artinianos; anillos noetherianos y artinianos. Módulos de longitud finita.

3.- Operaciones directas. Semisimplicidad.

Definición universal de producto directo; propiedades relativas a la factorización. Definición universal de suma directa; propiedades relativas a la factorización.

Suma directa interna. Submódulos suplementarios. Sumandos directos. Propiedades generales de los módulos semisimples; anillos semisimples.

JK

4.- Módulos de torsión y módulos divisibles sobre un dominio principal.

Estudio elemental de la torsión y de la divisibilidad sobre un dominio integral; submódulos puros. Estudio elemental de la factorización; anillos factoriales. Estructura de los módulos de torsión sobre un dominio principal. Estructura de los módulos divisibles sobre un dominio principal.

5.- Módulos libres.

Definición universal de módulo libre generado por un conjunto. Módulos libres. Relaciones entre los dos conceptos. Rango de un módulo libre sobre un anillo comunitativo. Construcción de módulos mediante generadores sujetos a relaciones.

6.- Exactitud.

Sucesiones exactas; morfismos. Extensiones; equivalencia; extensiones triviales. Propiedades de las operaciones directas y de los módulos de morfismos relativos a las sucesiones exactas.

7.- Módulos proyectivos y módulos inyectivos.

Propiedades generales de los módulos proyectivos y los módulos inyectivos. Caracterizaciones de los anillos semisimples.

Anillos hereditarios; teorema de Kaplansky. Caracterización de los módulos proyectivos sobre un dominio principal.

Criterio de inyectividad de Baer. Caracterización de los módulos inyectivos sobre un dominio principal.

8.- Módulos de tipo finito sobre un dominio principal.

Estructura de los módulos de tipo finito sobre un dominio principal; consecuencias. Cálculo de los coeficientes de estructura.

9.- Producto tensorial.

Aplicaciones bilineales; módulos de aplicaciones bilineales. Definición universal de producto tensorial (de dos módulos) y propiedades relativas a la factorización. Caso en que el anillo de base es comunitativo. Propiedades del producto tensorial relativas a la adjunción, a la suma directa y a la exactitud.

10.- Módulos playos. Sucesiones estables.

Propiedades generales de los módulos playos. Criterio de playitud de

carácter finito. Playitud del cuerpo de fracciones de un dominio integrado. Caracterización de los módulos playos sobre un dominio principal. Playitud y relaciones; aplicación al estudio de la torsión. Propiedades generales de las sucesiones (cortas) estables. Criterio de estabilidad de carácter finito. Caracterización de las sucesiones estables sobre un dominio principal.

BIBLIOGRAFIA

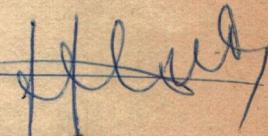
- Bourbaki. *Algèbre, Chapitre II (algèbre linéaire)*, Troisième édition.
- Bourbaki. *Algèbre, Chapitre VII (modules sur les anneaux principaux)*, Deuxième édition.
- Bourbaki. *Algèbre, Chapitre VIII (modules et anneaux semi-simples)*.
- Chevalley. *Fundamental concepts of algebra*.
- Gentile. *Estructuras algebraicas I y II*.
- Gentile. *Notas de Algebra*.
- Jacobson. *Lectures in abstract algebra, vol. I y vol. II*.
- Lang. *Algebra*.
- Rotman. *The theory of groups; an introduction*.

Firma del Director:


DR. MANUEL BALANZAT
DIRECTOR
DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICAS

Aclaración:

Firma del Profesor:


J. J. Martínez

Aprobado por Resolución EA 97/81