

2º cuatrimestre 1977

Prof. Dr. Juan José Martínez

Prof. Asoc. Int. ded. exclusiva

1.- Estructura de módulo

Preliminares sobre estructuras algebraicas.

Módulos. Combinaciones lineales. Espacios vectoriales y grupos abelianos

Morfismos de módulos. Submódulos. Módulos de morfismos.

Relaciones de equivalencia compatibles. Definición universal de módulos cociente; Propiedades relativas a la factorización.

2.- Condiciones de finitud.

Submódulo generado. Sistemas de generadores. Submódulos. propiedades generales de los módulos de tipo finito y de los módulos cíclicos; anillos principales. Módulos localmente cíclicos. Propiedades generales de los módulos noetherianos y los módulos artinianos; anillos noetherianos y artinianos. Módulos de longitud finita.

3.- Operaciones directas. Semisimplicidad

Definición universal de producto directo; propiedades relativas a la factorización. Definición universal de suma directa; propiedades relativas a la factorización.

Suma directa interna. Submódulos suplementarios. Sumandos directos .

Propiedades generales de los módulos semisimples; anillos semisimples.

4.- Módulos de torsión y módulos divisibles sobre un dominio principal.

Estudio elemental de la torsión y de la divisibilidad sobre un dominio integral; submódulos puros. Estudio elemental de la factorización; anillos factoriales. Estructura de los módulos de torsión sobre un dominio principal. Estructura de los módulos divisibles sobre un dominio principal.

5.- Módulos libres

Definición universal de módulo libre generado por un conjunto. Módulos libres. Relaciones entre los dos conceptos. Rango de un módulo libre sobre un anillo commutativo. Construcción de módulos mediante generadores sujetos a relaciones.

6.- Exactitud.

Sucesiones exactas; morfismos. Extensiones; equivalencia; extensiones triviales. Propiedades de las operaciones directas y de los módulos de morfismos relativos a las sucesiones exactas.

7.- Módulos proyectivos y módulos inyectivos

Propiedades generales de los módulos proyectivos y los módulos inyectivos. Caracterizaciones de los anillos semisimples.

Anillos hereditarios; teorema de Kaplansky. Caracterización de los módulos proyectivos sobre un dominio principal.

Criterio de inyectividad de Baer. Caracterización de los módulos proyectivos sobre un dominio principal.

8.- Módulos de tipo finito sobre un dominio principal

Estructura de los módulos de tipo finito sobre un dominio principal; consecuencias. Cálculo de los coeficientes de estructura.

9.- Producto tensorial

Aplicaciones bilineales; módulos de aplicaciones bilineales. Definición universal de producto tensorial (de dos módulos); propiedades relativas a la factorización. Caso en que el anillo de base es commutativo. Propiedades del producto tensorial relativas a la adjunción a la suma directa y la exactitud.

10.- Módulos playos. Sucesiones estables.

Propiedades generales de los módulos playos. Criterio de playitud de carácter finito. Playitud del cuerpo de fracciones de un dominio integral. Caracterización de los módulos playos sobre un dominio principal. Playitud y relaciones; aplicación al estudio de la torsión. Propiedades generales de las sucesiones (cortas) estables. Criterio de estabilidad de carácter finito. Caracterización de las sucesiones estables sobre un dominio principal.


DR. MANUEL BALANZAT
DIRECTOR
DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA