

47-Hat
1976

REPRESENTACION DE GRUPOS

Programa

2do. cuatrimestre 1976
DEPARTAMENTO
DE MATEMÁTICA

- 1.- Grupos abstractos. Transformaciones: traslación, inversión, automorfismo interior. Transitividad. Subgrupos invariantes. Grupo ciente. Homomorfismo e isomorfismo de grupos.
- 2.- Grupos topológicos. Definición. Homomorfismo, isomorfismo y automorfismo de grupos topológicos. Isomorfismo local. Conexión. Grupos de matrices. Introducción de una topología en los grupos de matrices. Ejemplos.
- 3.- Grupos paramétricos. Coordenadas locales. Funciones de las coordenadas del producto de elementos. Grupos de Lie. Desarrollos de Taylor. Ejemplos. Grupos compactos. Algebra de Lie. Constantes de estructura. Ideales. Construcción del álgebra de Lie de un grupo de Lie. Curvas. Subgrupos uniparamétricos. Ejemplos.
- 4.- Representaciones lineales de un grupo. Definiciones. Representaciones continuas de un grupo topológico. Descripción matricial. Representaciones equivalentes. Representaciones duales. Representaciones unitarias. Subespacios invariantes. Representaciones irreducibles. Suma directa de representaciones irreducibles. Integral invariante en un grupo de Lie. Aplicación a las representaciones unitarias.
- 5.- Estudio detallado del grupo de rotaciones del espacio de tres dimensiones. Parametrización: Ángulos de Euler. Integral invariante: determinación de la función peso. Representaciones infinitesimales. Matrices infinitesimales del grupo y su álgebra de Lie. Operadores infinitesimales de una representación. Diferenciabilidad de las representaciones finitas. Operadores infinitesimales fundamentales. Algebra de Lie de los mismos. Condición de unitariedad. Forma general de los operadores infinitesimales fundamentales de una representación irreducible.

Ing. Roger Scarfieffe

F. JUAN JOSE MARTINEZ
Director Adjunto
Departamento de Matemática