

CALCULO NUMERICO II

Programa

1er. cuatrimestre 1973.

1. Nociones básicas: Espacios métricos, prehilbertianos. Convergencia. Convergencia y estabilidad de aproximaciones numéricas. Dependencia continua de los valores iniciales.
2. Ecuaciones diferenciales ordinarias: Definiciones. Relación entre una ecuación de orden superior y un sistema de primer orden.
 - 2.1. Problema de valores iniciales. Definición para sistemas de primer orden. Hipótesis restrictivas de trabajo.
 - 2.1.1. Métodos de "Un paso": Método de Euler; Teorema de existencia y unicidad del problema de valores iniciales definido en 2.1 (sistemas de ecuaciones); dependencia continua de los valores iniciales. Métodos generales de un paso; Euler "modificado" y "mejorado", Taylor, Runge-Kutta de 2°; 3°; y 4°orden. Convergencia y consistencia, teorema fundamental- Acotación a priori del error de discretización. función principal de error, estimación del error.
 - 2.1.2. Métodos de "varios pasos": Justificación de su uso. Métodos de Adams-Bashforth, Adams-Moulton, Nystrom, Milne-Simpson: aspecto operativo; comparación, fórmulas del predictor-corrector.
 - 2.2. Problema de condiciones de contorno: Problemas de "clase M" para ecuaciones de segundo orden: Teorema de existencia y unicidad. Condiciones lineales de contorno. Unicidad de la aproximación numérica de orden p. Convergencia. Método variacional para ecuaciones de segundo orden, equivalencia del problema, convergencia (Método de Ritz).

3. Ecuaciones lineales en derivadas parciales. Definiciones.
- 3.1. Repaso de nociones básicas; clasificación: hiperbólicas, parabólicas, elípticas. Métodos de análisis. Problemas "bien planteados".
- 3.2. Problemas de condiciones de contorno; Problemas de Dirichlet y Neumann. Método de diferencias finitas. Método de Ritz. Método de Galerkin. Convergencia en casos particulares. Vinculaciones con el punto 2.2.
- 3.3. Problemas de valores iniciales: Método de diferencias finitas) Teoría de Lax, consistencia convergencia estabilidad. Equivalencia entre convergencia y estabilidad. Condiciones necesarias y suficientes para la estabilidad de una aproximación, en el caso de coeficientes constantes.

Prof. Ing. Fernando G. Basombrío