

ALGEBRA (N) (F)PROGRAMA1er. cuatrimestre 1971

- 1.- Enteros: Algoritmo de División. Divisibilidad. Máximo común divisor. Primos. Teorema fundamental de la aritmética. Congruencias.
- 2.- Números complejos: Definición de números complejos. Su representación como pares ordenados de números reales. Propiedades del cuerpo de  $C$ . Conjugado. Valor absoluto. Desigualdad de Minkowski. Fórmula de BOHOVRE para exponente entero. Raíces de números complejos.
- 3.- Espacios vectoriales sobre un cuerpo: Definición y ejemplos. Espacios vectoriales de aplicaciones.  $K^n$ ,  $K^m$ , espacios vectoriales de matrices,  $K^{n \times m}$ . Subespacios. Sistemas lineales homogéneos. Subespacios de soluciones. Sistemas lineales, resolubilidad.
- 4.- Transformaciones lineales: Definición y ejemplos. Núcleo e Imagen de una transformación lineal. Monomorfismo, isomorfismo, endomorfismo.  $\text{Aut}(V)$ .
- 5.- Dependencia e Independencia lineal. Bases: Definiciones correspondientes. Dependencia e independencia lineal en  $K^n$ . Espacios vectoriales de dimensión finita. Teorema de invariancia de la dimensión en  $K^n$  y espacios vectoriales de dimensión finita. Teorema de extensión de conjuntos linealmente independientes a bases del espacio. Teorema sobre la dimensión del núcleo e imagen de una transformación lineal. Dimensión del espacio de soluciones de un sistema lineal homogéneo. Range de una matriz. Sistemas lineales.
- 6.- Matriz de una transformación lineal: Definición y ejemplos. Composición de transformaciones lineales. Matriz asociada. Producto de matrices. Algebra de matrices y endomorfismos. Matriz singular. Matriz inversible.  $GL(n, K)$ .